规则波作用下起重船吊重动力学仿真

王学林 尤心一 胡于进

华中科技大学,武汉,430074

摘要:在考虑吊重空间摆动和船体运动的耦合以及流体动力学效应、波浪力、锚索的非线性恢复力 等条件下,建立了锚泊起重船动力学模型。分析了起重船在规则波作用下吊重的摆动特征,当外部波浪 频率趋近于吊重特征频率时,吊重会发生大的晃动。比较了船舶在理想简谐运动条件下与在规则波条 件下吊重的摆动特征。分析结果表明:作用在船体上的非线性载荷对船舶和吊重的运动影响比较明显。 关键词:起重船;规则波;多体动力学;数值仿真

中图分类号:TH113.1 **文章编号:**1004—132X(2010)09—1077—06

Cargo Pendulation Analysis of Moored Crane Ship under Regular Waves

Wang Xuelin You Xinyi Hu Yujin

Huazhong University of Science and Technology, Wuhan, 430074

Abstract: An eight—degree—of—freedom time domain mathematical model was used to simulate moored crane ship dynamics numerically. This model considered large—amplitude load swing of the hull, hydrodynamic memory effects, nonlinear drag forces acting on the hull, wave forces, and non-linear restoring force characteristics of a mooring system. The dynamics of a crane ship was investigated for two different external excitations: the idealized case of purely harmonics pitching motion of the ship and force acting on the hull due to incoming regular waves. The results indicate that the large resonant oscillations may occur if the wave frequency approaches one of the system's eigenfrequencies. The load swing angle range is obviously affected by nonlinearity of the restoring force of the mooring system.

Key words: crane ship, regular wave, multibody dynamics, numerical simulation

0 引言

起重船又称浮吊,它是海洋施工作业中常用 的工程船舶。在海上作业时,起重船由于受海浪 作用而发生运动,船舶运动又激励起重吊臂,使悬 吊重物发生摆动。建立波浪环境下起重船及吊重

收稿日期:2009—07—15 **基金项目:**国家自然科学基金资助项目(50675077)

[14] 孙冬野,秦大同.汽车离合器局部恒转速起步自动 控制研究[J]. 机械工程学报,2003,39(11):108-112.

- [15] 周美兰,王旭东,周永勤.无级变速汽车动力传动 系统控制策略研究[J].哈尔滨工业大学学报, 2009,41(3):217-220.
- [16] Schutte J F, Reinbolt J A, Fregly B J, et al. Parallel Global Optimization with the Particle Swarm Optimization Algorithm[J]. International Journal of Numerical Methods in Engineering (S0029 -5981), 2004, 61(13): 2296-2315.
- [17] Dimopoulos G G. Mixed variable Engineering Optimization Based on Evolutionary and Social

系统动态响应计算模型,分析吊重的运动轨迹,对 于起重船的高效和安全作业具有重要意义^[1]。

在对起重船的非线性动力学研究中,有两类 常用模型。第一类模型是将船体对吊重的作用直 接简化为吊头上缆索吊点处的简谐激励,这种模 型实际上是将吊重作为一个空间摆^[2-4],研究表 明,即使是吊点的平面运动,在一定条件下也会使

> Metaphors[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 2007, 196(4/6): 803-817.

(编辑 王艳丽)

作者简介: 柔晚时, 男, 1981 年生。哈尔滨理工大学电气与电子 工程学院讲师、博士。主要研究方向为汽车电子驱动控制。发表 论文 20 余篇。**王也东**, 男, 1958 年生。哈尔滨理工大学汽车电 子驱动控制与系统集成教育部工程研究中心主任, 电气与电子工 程学院教授、博士研究生导师。余骞伟, 女, 1981 年生。哈尔滨 理工大学电气与电子工程学院讲师、博士研究生。张 **穿**, 女, 1984 年生。哈尔滨理工大学电气与电子工程学院硕士研究生。 吊重产生空间摆动,甚至发生混沌运动^[3]。第二 类模型是将船舶运动和吊重摆动耦合分析,建立 多体动力学模型^[5-7]。Schellin 等^[6]主要研究波 浪作用下船体的动力学计算问题,文献[7]建立了 八自由度模型起重船动力学模型,但此模型没有 考虑非线性锚泊力作用。李跃等^[8]仅针对起重船 横摇,用三自由度方程计算了吊重的摆振轨迹。

锚泊起重船不仅受波浪载荷作用,还受非线 性锚泊载荷作用,这使得船舶运动更加复杂。本 文运用船舶和吊重耦合的多体动力学模型,计算 锚泊起重船及吊重的动态特性,研究规则波对起 重船及起重作业的定位和就位的影响,比较船舶 在规则波作用下和做简谐运动两种情况下吊重的 运动轨迹,用数值计算结果说明建立多因素作用 下的起重船动力学模型对准确预测吊重摆动的必 要性。

1 运动方程

设 O 为船体中心, A 为吊点, P 为吊重重心, 建立如图 1 所示的坐标系。其中, $O_0 x_0 y_0 z_0$ 为固 定在地表的惯性坐标系, O_0 取在初始时刻的船体 中心, x_0 轴指向船首, y_0 轴指向左舷方向, z_0 轴垂 直甲板向上。该坐标系用来描述船体在坐标轴方 向上的位移。Oxyz 为随船坐标系, $ic \varphi, \theta, \psi$ 分别 为该坐标系下船体绕 x, y, z 坐标轴的转角。初始 时刻 Oxyz 与 $O_0 x_0 y_0 z_0$ 坐标系重合。在随船坐标 系下, 记船舶重心坐标为(x_G, y_G, z_G), 吊点坐标 为(x_A, y_A, z_A)。吊重摆动用面内角 α 和面外角 β 描述。



图 1 起重船坐标系定义

根据坐标关系,可以得出吊点 A 在 O₀ x₀ y₀ z₀ 坐标系中的坐标为

$$\begin{vmatrix} x_{O_0A} \\ y_{O_0A} \\ z_{O_0A} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x'_A \\ y'_A \\ z'_A \end{bmatrix}$$
(1)

$$\begin{bmatrix} x'_{A} \\ y'_{A} \\ z'_{A} \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{0} \begin{bmatrix} x_{A} \\ y_{A} \\ z_{A} \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{T}_{0} = \begin{bmatrix} 1 & -\psi & \theta \\ \psi & 1 & -\varphi \\ -\theta & \varphi & 1 \end{bmatrix}$$

式中,T。为随船坐标系与惯性坐标系的转换矩阵。

设*l*为吊索长度,吊重*P*在*O*₀*x*₀*y*₀*z*₀坐标系 中坐标为

$$\begin{bmatrix} x_{O_0P} \\ y_{O_0P} \\ z_{O_0P} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{O_0A} \\ y_{O_0A} \\ z_{O_0A} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} l\cos\alpha \\ l\sin\alpha\cos\beta \\ -l\sin\alpha\sin\beta \end{bmatrix}$$
(2)

起重船有纵荡、横荡、垂荡、横摇、纵摇和首摇 6个自由度,记为 $\mathbf{u} = (u_x, u_y, u_z, \varphi, \theta, \phi)^{\mathrm{T}}, \dot{\mathbf{u}} = \frac{\mathrm{d}\mathbf{u}}{\mathrm{d}t}$

为速度, $\ddot{u} = \frac{d^2 u}{dt^2}$ 为加速度,则船体运动方程为^[9]

$$M\ddot{u} = F \tag{3}$$

式中,F为作用在船体上的外载荷向量;M为船舶的广义质量矩阵。

假定船舶纵向对称,则 M 为

M =	m	0	0	0	mz_{G}	0
	0	m	0	$-mz_{G}$	0	mx_{G}
	0	0	m	0	$-mx_{G}$	0
	0	$-mz_{G}$	0	I_4	0	$-I_{46}$
	mz_G	0	$-mx_{g}$	0	I_5	0
	0	mx_{G}	0	$-I_{46}$	0	I_6

式中,m为船舶质量; I_4 、 I_5 、 I_6 分别为船体对x、y、z 轴的 惯性矩; I_{46} 为惯性积。

吊重相对于吊点的位置由 α 和 β 描述,根据 牛顿第二定律,吊重的运动方程可表示为

式中,T为吊索的张力; m_p 为吊重质量。

将式(2) 对时间求导,可得出吊重速度和加 速度与角度 α、β 和吊索长度 *l* 随时间变化的 关系。

根据式(4),吊索的张力表达式为

$$T = m_{P}g \sin\alpha \sin\beta + m_{P}\ddot{z}_{O_{0}A}\sin\alpha \sin\beta - m_{P}\ddot{y}_{O_{0}A}\sin\alpha \cos\beta - m_{P}\ddot{x}_{O_{0}A}\cos\alpha + m_{P}l\dot{\beta}^{2}\sin^{2}\alpha + m_{P}l\ddot{\alpha}^{2} - m_{P}\ddot{l}$$

吊索的张力 T 对船体的作用在坐标轴方向各 分量为

$$f = (T_x, T_y, T_z, y'_A T_z - z'_A T_y, z'_A T_x - x'_A T_z, x'_A T_y - y'_A T_x)^{\mathrm{T}}$$
(5)

这里 T_x 、 T_y 和 T_z 为T在地面坐标系下的分量。

从式(5)可以看出,起重船系统的广义位移 向量 $v = (u_x, u_y, u_z, \varphi, \theta, \psi, \alpha, \beta)^{T}$ 。式(3)和式 (4)为起重船基本动力学方程,式中没有包含吊 重系统阻尼力的影响,而是直接把阻尼项加入到 了动力学方程中^[10]。

2 外部载荷

船体所受的外部载荷主要有:① 流体静力; ② 流体黏滞曳力;③ 锚泊系统恢复力;④ 波浪激励力;⑤ 辐射流体动力。本文采用的计算公式 如下:

(1) 流体静力载荷向量[11] 可表示为

$$\boldsymbol{f}_{\rm b} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -(m+m_p)g - \rho g A_{\rm w} z \\ -(m+m_p)g h_{\rm x} \varphi \\ -(m+m_p)g h_{\rm m} \theta \\ 0 \end{pmatrix}$$
(6)

式中, ρ 为水的密度;g为重力加速度; h_m 、 h_x 分别为纵横 稳心高度; A_w 为水线面面积。

(2) 流体黏滞曳力向量^[6,11]可表示为

$$f_{d} = (X_{V}, Y_{V}, 0, 0, 0, N_{V})^{T}$$
 (7)
 $X_{V} = -\frac{1}{2}\rho BdC_{Dx} |\dot{x}|\dot{x}$
 $Y_{V} = \begin{cases} -\frac{1}{2}\rho LdC_{Dy}(\dot{y}^{2} + \frac{L^{2}}{12}\dot{\psi}^{2})\operatorname{sgn}\dot{y} & \dot{y}^{2} \ge \frac{L^{2}}{4}\dot{\psi}^{2} \\ -\frac{1}{2}\rho LdC_{Dy}(\frac{L}{2}\dot{\psi} + \frac{2\dot{y}^{2}}{3L\dot{\psi}})\dot{y}\operatorname{sgn}\dot{\psi} & \dot{y}^{2} < \frac{L^{2}}{4}\dot{\psi}^{2} \end{cases}$
 $N_{V} = \begin{cases} -\frac{1}{12}\rho L^{3}dC_{Dy}\dot{y}\dot{\psi}\operatorname{sgn}\dot{y} & \dot{y}^{2} \ge \frac{L^{2}}{4}\dot{\psi}^{2} \\ -\frac{1}{8}\rho L^{2}dC_{Dy}(\dot{y}^{2} + \frac{L^{2}}{8}\dot{\psi}^{2} - \frac{2\dot{y}^{4}}{3L^{2}\dot{\psi}^{2}})\operatorname{sgn}\dot{\varphi}_{3} \\ \dot{y}^{2} < \frac{L^{2}}{4}\dot{\psi}^{2} \end{cases}$

式中,C_{Dr}、C_{Dy}分别为船在x方向、y方向运动时的拖曳系数;B、d分别为船体型宽和吃水深度;L为船舶水线间 长度。

(3)锚泊系统的非线性恢复力通过三阶多项 式来模拟:

$$\boldsymbol{f}_{\mathrm{m}} = \begin{pmatrix} -C_{1x}x - C_{2x}x^{2}\operatorname{sgn}(x) - C_{3x}x^{3} \\ -C_{1y}y - C_{2y}y^{2}\operatorname{sgn}(y) - C_{3y}y^{3} \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -C_{1\psi}\psi - C_{2\psi}\psi^{2}\operatorname{sgn}(\psi) - C_{3\psi}\psi^{3} \end{pmatrix}$$
(8)

式中, C_{1x} 、 C_{1y} 、 $C_{1\phi}$, C_{2x} 、 C_{2y} 、 $C_{2\phi}$, C_{3x} 、 C_{3y} 、 $C_{3\phi}$ 分别为锚索 在不同方向上的一次、二次和三次恢复力系数。

(4)波浪激励力向量。假设在规则波作用 下,且规则波为微幅谐振波,波浪激励力向量可以 表示为时间和频率的正弦函数,那么在附体坐标 系下,规则波中某一点(x,y,z)上的动压力为

 $\Delta p(x, y, z) = -\rho g a e^{-kz} \cos(kx \cos \varphi - ky \sin \varphi - \omega_e t)$ 式中,a 为波幅;k 为波数; ω_e 为遭遇频率。

根据 Froude -- Krylov 假设,作用在船舶上的波浪 力和力矩为

$$\boldsymbol{f}_{w} = (F_{x}, F_{y}, F_{z}, M_{x}, M_{y}, M_{z})^{\mathrm{T}} = \\ (\iint_{V} \frac{\partial \Delta p}{\partial x} \mathrm{d}V, \iint_{V} \frac{\partial \Delta p}{\partial y} \mathrm{d}V, \iint_{V} \frac{\partial \Delta p}{\partial z} \mathrm{d}V, \\ \iint_{V} (\frac{\partial \Delta p}{\partial y} z - \frac{\partial \Delta p}{\partial z} y) \mathrm{d}V, \iint_{V} (\frac{\partial \Delta p}{\partial z} x - \frac{\partial \Delta p}{\partial x} z) \mathrm{d}V, \\ \iint_{V} (\frac{\partial \Delta p}{\partial x} y - \frac{\partial \Delta p}{\partial y} x) \mathrm{d}V)^{\mathrm{T}}$$
(9)

对于本文计算的起重船,其船体为方驳型,将其简 化为箱型船后,波浪力的计算方法如下^[12]:

$$\begin{split} F_x &= 2\rho g a \; \frac{\sin\lfloor (kB/2)\sin\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} Bd \sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor \sin\omega_e t \\ F_y &= -2\rho g a \; \frac{\sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{(kB/2)\cos\phi} e^{-kd} Ld \sin\lfloor (kB/2)\sin\phi\rfloor \sin\omega_e t \\ F_z &= \rho g a k \; \frac{\sin\lfloor (kB/2)\sin\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} BdL \; \frac{\sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{(kL/2)\cos\phi} \cos\omega_e t \\ M_x &= \rho g a \; \frac{\sin\lfloor (kB/2)\sin\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} \bullet \\ & \sin\phi \; \frac{d^2 \sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} d \bullet \\ & \frac{2\sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} d \bullet \\ & \frac{2\sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} d \cdot e^{2\pi i \lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor} \sin\omega_e t \\ M_z &= \rho g a \; \frac{\sin\lfloor (kB/2)\sin\phi\rfloor}{(kB/2)\sin\phi} e^{-kd} d \sin\phi \bullet \\ & 0 \mapsto \lfloor (kB/2)\sin\phi \end{bmatrix} e^{-kd} d \sin\phi \bullet \end{split}$$

$$\frac{2\sin\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor - kL\cos\phi\cos\lfloor (kL/2)\cos\phi\rfloor}{k^2\cos^2\phi}\cos\omega_e h$$

式中, ø为遭遇浪向角。

(5)流体动力载荷向量(主要考虑辐射流体动 力)的表达式为^[9]

$$\boldsymbol{f}_{\mathrm{h}} = -\boldsymbol{M}_{\mathrm{a}} \boldsymbol{\ddot{\boldsymbol{u}}} - \boldsymbol{C}_{\mathrm{b}} \boldsymbol{\dot{\boldsymbol{u}}}$$
(10)

式中, M_a、 C_b分别为流体附加质量矩阵和附加阻尼 矩阵。

综合式(3)和式(4),并将式(6) ~ 式(10)所 表达的船体载荷向量对应扩展到与系统位移相对 应的位置,并分别记为 f'_{b} 、 f'_{m} 、 f'_{d} 、 f'_{w} 、 f'_{h} 。起重船 动力学方程可写为

$$(M' + M'_{a})\ddot{\nu} + K(\nu, \dot{\nu}) = f'_{b} + f'_{m} + f'_{d} + f'_{w} + f'_{h}$$
(11)

式中,M'为系统质量矩阵;M'。为附加质量矩阵;K(v,v)为 哥氏力项。

通过对式(11)进行数值求解,可以得出规则 波作用下起重船与吊重的动态响应。

3 计算结果

以某 350t 起重船作为数值仿真对象,该船长

• 1079 •

66m, 宽 30.6m, 吃水深度 3.1m, 最大起升高度 65m, 主钩的最大起重量为 350t。

本文计算了船体做简谐运动和在规则波作用 下吊重的摆动情况。

3.1 船舶简谐纵荡

针对此情况,直接在 ADAMS 中建立了包括 船体、吊臂、拉板等的结构模型,计算了船舶做简 谐纵 荡运动 假设下 吊重的 摆动。 取 吊索长 27.85m,则吊重摆的特征频率为 0.5934Hz。设 船舶在 x 方向上做简谐纵荡: $u_x = A_0 \sin 0.59t$ 。 当船体纵荡幅值 A_0 取不同值时,通过计算得到了 吊重从静止开始时的动态响应,部分结果列于图 2 和图 3 中。





图 2 所示为在上述给定频率下,船体纵荡幅 值为 0.5m 时,吊重的面内和面外摆角大小曲线。

图 3 所示为船体在不同运动幅值下,船舶从 静止开始运动,在 400~800s 间吊重相对于吊点 的位移相图。其中, $x'_{o_0 p}$ 和 $y'_{o_0 p}$ 分别为吊重相对 于吊点的位移分量。

计算发现,在运动初始阶段,吊重的运动是不 稳定的,在经过一段时间后运动趋于稳定。在小 阻尼条件下,当船体纵荡幅值为4m时,吊重做同 方向椭圆运动。当船体纵荡幅值为0.5m和0.3m时,吊重沿顺时针和逆时针交替做椭圆运 动。当船体纵荡幅很小时,吊重又做同方向椭圆 运动。

从图 3 给出的几种典型情况的相图可以看出,当船舶做简谐纵荡运动且运动频率与吊摆的

• 1080 •



(a)纵荡幅值为 2m 时吊重相对于吊点的位移



(b)纵荡幅值为 0.5m 时吊重相对于吊点的位移



固有频率接近时,吊重的稳定运动轨迹可能出现 以下几种情况:①在做椭圆运动的同时,其椭圆 长轴也同时做旋转运动;②在顺时针和逆时针方 向上交替做椭圆运动;③做同方向椭圆运动。应 该说明的是,这里只是讨论吊重的稳定运动,在一 定条件下,吊重的运动也可能出现混沌^[3]。

3.2 规则波作用

根据式(11),这里分别计算4级和5级海况 下起重船和吊重的运动。其中,参数 $C_{Dx} = C_{Dy} =$ 0.2取自文献[1],附加质量参照文献[13]选取。 吊索长度取27m。4级和5级海况对应的波高和 周期分别取为1.88m、8.8s和3.26m、9.7s,波长 分别取121m和147m。

计算得到两种海况下船舶迎浪时的船体位移。在4级海况下,船体纵摇角小于0.5°,船体纵荡位移曲线如图4所示。5级海况下,船体纵摇角小于1.5°,船体纵荡位移曲线如图5所示。在





图 5 5 级海况下船舶纵荡位移

图 6 所示为 5 级海况下,船舶迎浪时吊重相 对于吊点的运动轨迹在水平面上的投影。



从图 4~图 6 可以看出,在规则波作用下,锚 泊起重船舶的运动很复杂。在迎浪条件下,虽然 船体的纵摇角度不大,但纵荡位移随着海况变化 其运动不再是简谐运动。当波浪频率与吊重摆动 的固有频率不完全重合时,吊重也会发生空间上 的摆动,但面外摆动幅度相对较小。

为进一步分析波浪激励频率与吊重摆固有频 率相近时吊重的运动,取吊绳长度为 27.85m,波 浪频率为 0.59Hz(该频率与吊摆固有频率相近)。 分别计算了波高 1.88m 和 3.26m 时船体和吊重 的运动。船舶运动和吊重的摆角显示于图 7 和图 8 中。

图 7 为波高 1.88m 时船体纵荡位移,图 8 为 对应波高下吊重的摆角。图 9 为吊重相对于吊点 的位移相图。

图 10 为波高 3.26m 时船体纵荡位移,图 11 为对应的吊重摆角。

从图 7~图 11 中可以看出,波高不仅影响船



体的运动,而且对吊重的摆动状态有较大影响。 当波高 3.26m 时,由图 11 可见,吊重面内外摆角 较大。在波高为 1.88m 时,吊重也将在空间摆 动,从图 9 可以看出,在这种情况下,吊重相对于



图 11 波高 3.26m 时吊重面内、面外摆角

吊点做顺时针和逆时针交替的椭圆运动。文献 [7]也计算了一条起重船在规则波下吊重的摆动, 其吊重的最大摆角约为 60°,本文的计算结果也 与此相接近。

从上述仿真计算结果可以看出,即使船舶在 平面内做简谐的进退运动,吊重可能是平面运动, 也可能是空间运动,这与船体的运动幅值、频率以 及吊绳长度等有关。在规则波作用下,因锚索等 的非线性载荷作用,锚泊起重船运动是非简谐的, 吊重可能是近似平面运动,也可能在空间摆动。 当吊重在空间摆动时,做顺时针和逆时针方向交 替的椭圆运动。

4 结束语

本文建立了起重船运动与吊重非线性运动相 耦合的动力学模型,分析计算了锚泊起重船在规 则波条件下,不同波浪激励幅值和频率对起重船 及起重作业的定位和就位的影响。结果表明,在 船体做简谐运动假设下,依据船体运动的幅值和 频率,吊重的摆动有平面运动、单向椭圆运动、交 替方向的椭圆运动多种轨迹形态。在规则波条件 下,吊重既可能做近似平面运动,也可能做顺时针 和逆时针方向交替的椭圆运动。船体的运动与吊 重摆角的非线性耦合对吊重的摆动有很大影响。 数值计算也表明在对起重船及起重作业的定位和 就位问题进行研究的时候应全面考虑多因素作用 下起重船的动力学特性。 参考文献:

- Schellin T E, Schiff C, Ostergaard C. An Aid to Operating Decisions Based on Nonlinear Response of a Crane Barge in Waves[J]. Journal of Offshore Mechanics and Arctic Engineering, 2001, 123(2): 84-87.
- [2] Henry R J, Masoud Z N, Nayfeh A H, et al. Cargo Pendulation Reduction of Ship-mounted Cranes Via Boom-luff Angle Actuation[J]. Journal of Vibration and Control, 2001,7(8):1253-1264.
- [3] Chin C, Nayfeh A H, Abdel-Rahman E. Nonlinear Dynamics of a Boom Crane[J]. Journal of Vibration and Control, 2001, 7(2): 199-220.
- [4] Chin C M, Nayfeh A H. Dynamics and Control of Ship-mounted Cranes[J]. Journal of Vibration and Control, 2001, 7(6): 891-904.
- [5] Ellermann K, Kreuzer E, Markiewicz M. Nonlinear Dynamics in the Motion of a Floating Cranes
 [J]. Multibody System Dynamics, 2003, 9(4):377-387.
- [6] Schellin T E, Jiang T, Sharma S D. Crane Ship Response to Wave Groups [J]. Journal of Offshore Mechanics and Arctic Engineering, 1999, 113; 211-218.
- [7] Idres M M, Youssef K S, MooK D T, et al. A Nonlinear 8 – DOF Coupled Crane – ship Dynamic Model [C]//44th AIAA/ASME/ASCE/AHS Structures, Structural Dynamic, and Material Conference. Norfolk, 2003:1-8.
- [8] 李跃,沈庆,陈徐均. 波浪环境中作业起重船悬吊载 荷的摆振分析[J]. 建筑机械,2003(8):55-57.
- [9] 盛振邦,刘应中. 船舶原理[M].上海:上海交通大 学出版社,2004.
- [10] 董艳秋,韩光. 起重船吊物系统在波浪中的动力响 应[J]. 中国造船, 1993, 34(1): 63-71.
- [11] Jordan M A. On-line Identification and Convergenceanalysis of Excitation-force and Drag-force Models for Moored Floating Structures[J]. Ocean Engineering, 2006, 33(8/9):1161-1213.
- [12] 张秀凤, 尹勇, 金一丞. 规则波中船舶运动六自由 度数学模型[J]. 交通运输工程学报,2007,7(3): 40-43.
- [13] 王学亮,董艳秋,张艳芳.大型起重船水动力系数 的研究[J].中国海上油气工程,2003,15(5):12-15.

(编辑 王艳丽)